

то они снова будут правильными (система (ξ, η, ζ, τ) — тоже инерциальная). Преобразования вида (21) образуют группу, которая называется группой Галилея. Коротко говорят так: вид закона Ньютона сохраняется при преобразованиях Галилея.

Добавление к теме 4. ЕЩЕ О КИНЕМАТИКЕ ТВЕРДОГО ТЕЛА

В движущемся твердом теле (если считать его сколь угодно большим) всегда существуют такие точки C , скорость которых v_C параллельна вектору угловой скорости ω . При $\omega \neq 0$ достаточно взять, например, точку C такую, что

$$\overline{AC} = \frac{[\omega \times \mathbf{v}_A]}{\omega^2}.$$

Легко видеть, что если C' — другая точка с тем же свойством, то $\overline{CC'} = \lambda \omega$ и $\mathbf{v}_{C'} = \mathbf{v}_C$. Прямая, образуемая точками C , называется осью мгновенно-винтового движения, или винтовой осью (смысл термина в том, что по распределению скоростей в данное мгновение невозможно установить, совершает ли тело постоянное винтовое или более сложное движение).

В случае, когда $\mathbf{v}_C = 0$, говорят о мгновенном вращении и его оси. Обычно точку с нулевой скоростью можно усмотреть, когда

а) одна точка тела просто все время неподвижна;

б) движение плоское: C — точка пересечения мгновенной оси вращения с плоскостью, называемая мгновенным центром скоростей или мгновенным центром вращения; его легко построить геометрически (рис. 9), исходя из $\mathbf{v}_A \perp \overline{CA}$, $|\mathbf{v}_A| = \omega |\overline{CA}|$;

в) происходит качение (без проскальзывания) тела по неподвижной поверхности. Пусть C — точка касания. Скорость той точки P тела, которая оказалась в C , по определению равна нулю, т. е.

$$\mathbf{v}_A = [\omega \times \overline{CA}]. \quad (4.22)$$

Однако сама точка C как видимый образ (рис. 11, 12) имеет, вообще говоря, ненулевую скорость:

$$\mathbf{u}_C = \frac{d}{dt} \overline{OC}.$$

После дифференцирования тождества (4.22) получаем

$$\mathbf{a}_A = [\omega \times (\mathbf{v}_A - \mathbf{u}_C)] + [\epsilon \times \overline{CA}].$$

Точка A была отмечена произвольно, и в частности, может совпасть с точкой C . Отсюда ускорение в точке касания:

$$\mathbf{a}_{P=C} = -[\omega \times \mathbf{u}_C].$$

Эта малоизвестная формула бывает полезной при решении задач о распределении ускорений в твердом теле.