

но главная, и при этом $B=C$. Подействуем на тело силой F , приложенной в точке на оси симметрии на расстоянии l от точки Q . Теорема об изменении момента дает

$$\dot{\Lambda} = [le \times F] \perp e.$$

В частности, из первого уравнения Эйлера (6) вытекает, что

$$Ap = k = \text{const.}$$

Примем, что до приложения силы F тело вращалось вокруг оси симметрии: $\Lambda = A\omega_0 e = \text{const.}$ Считая $\omega_0 \gg 1$, после приложения силы будем иметь $\Lambda \approx A\omega_0 e$, а

$$A\omega_0 \frac{de}{dt} \approx \frac{d\Lambda}{dt} = l[e \times F],$$

т. е. ось симметрии будет стремиться повернуться не в направлении силы, а перпендикулярно ей. В этом соль эффекта.

Покажем строго, что при некоторых условиях наблюдается как бы постоянный гироскопический эффект. Для простоты и определенности примем, что действует сила тяжести

$$F = -mge_\zeta, \quad e_\zeta = \gamma e + \gamma' e' + \gamma'' e''.$$

Имеют место интегралы движения:

$$Ap = k, \quad \Lambda_{0\zeta} = Ap\gamma + B(q\gamma' + r\gamma'') = c,$$

$$H = (Ap^2 + B(q^2 + r^2))/2 + mgl\gamma = h.$$

В силу неравенства $(q\gamma' + r\gamma'')^2 \leq q^2 + r^2$ приходим к

$$\frac{k^2}{2A} + \frac{B}{2} \left(\frac{c - k\gamma}{A} \right)^2 + mgl\gamma \leq h.$$

Подставим сюда начальные условия:

$$k = A\omega_0, \quad C = A\omega_0\gamma_0, \quad h = A\omega_0^2/2 + mgl\gamma_0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (\gamma - \gamma_0)^2 + \frac{2mgl}{B\omega_0} (\gamma - \gamma_0) \leq 0.$$

Предположение (10) приобретает вид $\varepsilon = mgl/B\omega_0^2 \ll 1$. Итак, величина γ (косинус угла θ между векторами e и e_ζ) колеблется в малых пределах: $\gamma_0 - 2\varepsilon \leq \gamma \leq \gamma_0$, т. е. ось симметрии движется примерно по вертикальному круговому конусу (с угловой скоростью $\Omega = mgl/A\omega_0$ в силу $\Lambda = G_Q$). Такое движение называется псевдoreгулярной прецессией. В отличие от движения по инерции теперь вектор $\Lambda \approx A\omega_0 e$ эволюционирует вместе с осью, а величина \dot{T} незначительно изменяется (не более чем на $2mgl\varepsilon$). Это и требовалось получить.

Следует обратить особое внимание на то, что точка Q может оказаться центром масс твердого тела (если применены оси Кеннига). Заключение, сделанные нами при рассмотрении вращения, могут иметь силу и тогда, когда рассматривается

ОБЩЕЕ ДВИЖЕНИЕ ТВЕРДОГО ТЕЛА.